

## Mechanické vlastnosti kapalin (kapalných těles)

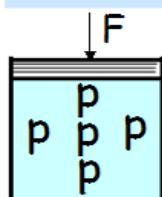


### Vlastnosti kapalin

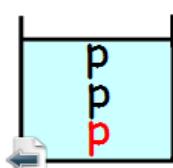
- 1) mění tvar - dán tvarem nádoby
- 2) téměř nestlačitelné => stálý objem
- 3) tekuté
- 4) snadno dělitelné (slabé přitažlivé síly mezi částicemi)
- 5) volná hladina je v klidu vodorovná (libela - vodováha)



### Pascalův zákon



působíme - li na píst uzavírající nádobu s kapalinou silou, vznikne v kapalině tlak  $p$  stejný pod pístem, u dna i po stranách nádoby



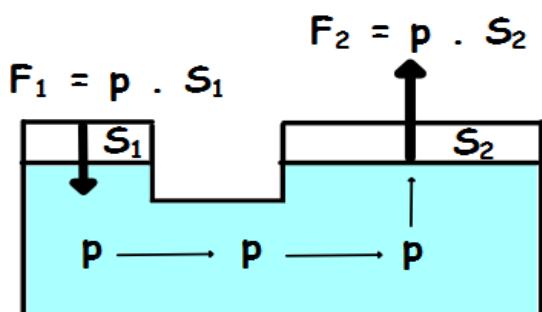
Pozor!

v neuzavřené nádobě s kapalinou je největší tlak (hydrostatický) u dna nádoby, nejmenší u hladiny



Působením tlakové síly na volnou hladinu kapaliny v uzavřené nádobě vzniká v celém objemu kapaliny stejně velký tlak.

### Význam Pascalova zákona - princip hydraulických strojů (hydraulický zvedák, lis)



$F_1 = p \cdot S_1$        $F_2 = p \cdot S_2$

$F_1$  - síla působící na malý píst [N]  
 $F_2$  - síla působící na velký píst [N]  
 $S_1$  - obsah malého pístu [ $m^2$ ]  
 $S_2$  - obsah velkého pístu [ $m^2$ ]



Působením malé síly  $F_1$  na malý píst o obsahu plochy  $S_1$  vznikne ve zvedáku tlak p stejný v celém objemu kapaliny, který působí na velký píst o obsahu plochy  $S_2 \Rightarrow$  vyvolá velkou tlakovou sílu  $F_2$ .

Působením malé síly na malý píst vzniká na velkém pístu velká síla

Kolikrát je obsah  $S$  velkého pístu větší než malého, kolikrát větší je síla  $F$  na velkém pístu než na malém.

### Příklady - postup podle vzorců

1. nakresli obrázek
2. vypiš veličiny známé a neznámé
3. převed' jednotky na základní (N, m<sup>2</sup>, Pa)
4. vypočítej tlak podle vzorců



$$p = \frac{F_1}{S_1} [\text{Pa}] \text{ nebo } p = \frac{F_2}{S_2} [\text{Pa}]$$

5. vypočítej potřebnou veličinu - např.

a) sílu na malém pístu

b) sílu na velkém pístu

$$F_1 = p \cdot S_1 [\text{N}] \text{ nebo } F_2 = p \cdot S_2 [\text{N}]$$

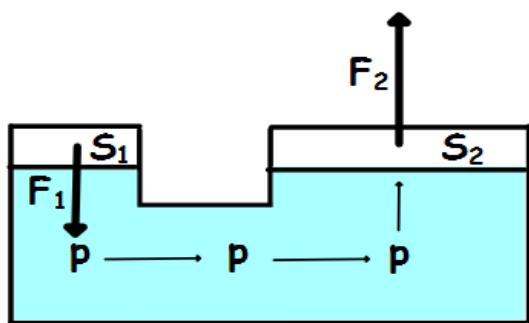
c) obsah malého pístu

d) obsah velkého pístu

$$S_1 = \frac{F_1}{p} [\text{m}^2] \text{ nebo } S_2 = \frac{F_2}{p} [\text{m}^2]$$



## Příklady - postup úvahou



$$S_1 = 10 \text{ cm}^2$$

$$S_2 = 150 \text{ cm}^2$$

$$F_1 = 20 \text{ N}$$

$$F_2 = ? [\text{N}]$$

Kolikrát je  $S_2$  větší než  $S_1$ , tolikrát je  $F_2$  větší než  $F_1$

$$150 : 10 = 15 \Rightarrow 15 \times$$

$$S_1 = 10 \text{ cm}^2$$

$$F_1 = 20 \text{ N}$$

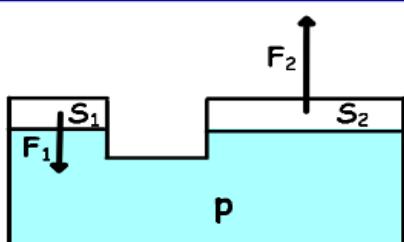
$$S_2 = 150 \text{ cm}^2$$

$$F_2 = 15 \times 20 = 300 \text{ N}$$

15 ×



1) Jak velkou silou bude působit kapalina na velký píst hydr. zvedáku o obsahu  $10 \text{ cm}^2$ , je-li obsah malého pistu  $2 \text{ cm}^2$  a na malý píst působí síla  $0,08 \text{ kN}$ .



$$F_2 = ? [\text{N}]$$

$$S_2 = 10 \text{ cm}^2 = 0,001 \text{ m}^2$$

$$S_1 = 2 \text{ cm}^2 = 0,0002 \text{ m}^2$$

$$F_1 = 0,08 \text{ kN} = 80 \text{ N}$$

$$p = \frac{F_1}{S_1} [\text{Pa}]$$

$$F_2 = p \cdot S_2$$

$$p = \frac{80 \text{ N}}{0,0002 \text{ m}^2} = 400000 \text{ Pa}$$

$$F_2 = 400000 \text{ Pa} \cdot 0,001 \text{ m}^2 = 400 \text{ N}$$

Veličiny

Převody

Základní vzorce

Dosazení

Výsledek

Postup vzorcem

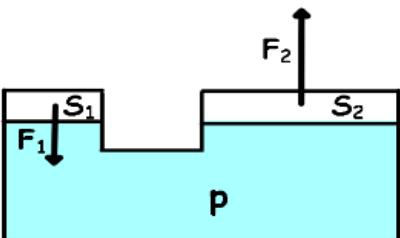
Postup úvahou

Výpočet - psaní

Reset



1) Jak velkou silou bude působit kapalina na velký píst hydr. zvedáku o obsahu  $10 \text{ cm}^2$ , je-li obsah malého pistu  $2 \text{ cm}^2$  a na malý píst působí síla  $0,08 \text{ kN}$ .



$$F_2 = ? [\text{N}]$$

$$S_2 = 10 \text{ cm}^2$$

$$S_1 = 2 \text{ cm}^2$$

$$F_1 = 0,08 \text{ kN}$$

Kolikrát je  $S_2$  větší než  $S_1$ , tolikrát je  $F_2$  větší než  $F_1$

$$10 : 2 = 5 \Rightarrow 5 \times$$

$$S_1 = 2 \text{ cm}^2$$

$$F_1 = 80 \text{ N}$$

$$S_2 = 10 \text{ cm}^2$$

$$F_2 = 5 \times 80 = 400 \text{ N}$$

$5 \times$

Veličiny

Převody

Základní vzorce

Dosazení

Výsledek

Postup vzorcem

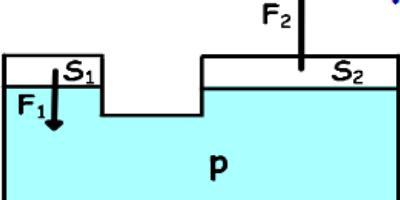
Postup úvahou

Výpočet - psaní

Reset



2) Jak velký musí být obsah velkého pistu hydr. lisu, aby na něj kapalina působila silou  $0,008 \text{ MN}$ , je-li obsah malého pistu  $2 \text{ cm}^2$  a na malý píst působí síla  $0,04 \text{ kN}$ .



$$F_2 = 0,008 \text{ MN} = 8000 \text{ N}$$

$$S_2 = ? [\text{m}^2]$$

$$S_1 = 2 \text{ cm}^2 = 0,0002 \text{ m}^2$$

$$F_1 = 0,04 \text{ kN} = 40 \text{ N}$$

$$p = \frac{F_1}{S_1} [\text{Pa}]$$

$$S_2 = \frac{F_2}{p} [\text{m}^2]$$

$$p = \frac{40 \text{ N}}{0,0002 \text{ m}^2} = 200000 \text{ Pa}$$

$$S_2 = \frac{8000 \text{ N}}{200000 \text{ Pa}} = 0,04 \text{ m}^2$$

Veličiny

Převody

Základní vzorce

Dosazení

Výsledek

Postup vzorcem

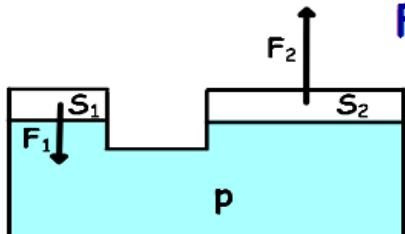
Postup úvahou

Výpočet - psaní

Reset



2) Jak velký musí být obsah velkého pístu hydr. lisu, aby na něj kapalina působila silou 0,008 MN, je-li obsah malého pístu  $2 \text{ cm}^2$  a na malý píst působí síla 0,04 kN.



$$F_2 = 0,008 \text{ MN} = 8 \text{ kN}$$

$$S_2 = ? [\text{m}^2]$$

$$S_1 = 2 \text{ cm}^2$$

$$F_1 = 0,04 \text{ kN}$$

Kolikrát je  $F_2$  větší než  $F_1$ , kolikrát je  $S_2$  větší než  $S_1$

$$8 : 0,04 = 200 \Rightarrow 200 \times$$

$$S_1 = 2 \text{ cm}^2$$

$$S_2 = 200 \times 2 \text{ cm}^2 = 400 \text{ cm}^2$$

$$F_1 = 0,04 \text{ kN}$$

$$F_2 = 8 \text{ kN}$$

$$200 \times$$

Veličiny

Převody

Základní vzorce

Dosazení

Výsledek

Postup vzorcem

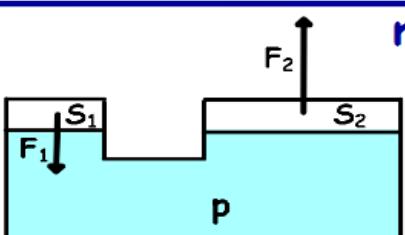
Postup úvahou

Výpočet - psaní

Reset



3) Jak velký musí být obsah malého pístu hydr. zvedáku, aby zvedl auto o hmotnosti 12 q, je-li obsah velkého pístu  $100 \text{ cm}^2$  a na malý píst působí síla 0,2 kN.



$$m = 12 \text{ q} = 1200 \text{ kg}$$

$$S_1 = ? [\text{m}^2]$$

$$S_2 = 100 \text{ cm}^2 = 0,01 \text{ m}^2$$

$$F_1 = 0,2 \text{ kN} = 200 \text{ N}$$

$$F_2 = m \cdot g \quad p = \frac{F_2}{S_2} [\text{Pa}] \quad S_1 = \frac{F_1}{p} [\text{m}^2]$$

$$F_2 = 1200 \text{ kg} \cdot 10 \text{ N/kg} = 12000 \text{ N}$$

$$p = \frac{12000 \text{ N}}{0,01 \text{ m}^2} = 1200000 \text{ Pa}$$

$$S_1 = \frac{200 \text{ N}}{1200000 \text{ Pa}} = 0,0001667 \text{ m}^2$$

Veličiny

Převody

Základní vzorce

Dosazení

Výsledek

Postup vzorcem

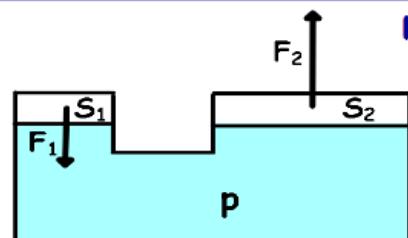
Postup úvahou

Výpočet - psaní

Reset



3) Jak velký musí být obsah malého pístu hydr. zvedáku, aby zvedl auto o hmotnosti 12 q, je-li obsah velkého pístu  $100 \text{ cm}^2$  a na malý píst působí síla 0,2 kN.



$$m = 12 \text{ q} = 1200 \text{ kg}$$

$$S_1 = ? [\text{m}^2]$$

$$S_2 = 100 \text{ cm}^2$$

$$F_1 = 0,2 \text{ kN} = 200 \text{ N}$$

$$F_2 = m \cdot g = 1200 \text{ kg} \cdot 10 \text{ N/kg} = 12000 \text{ N}$$

Kolikrát je  $F_2$  větší než  $F_1$ , kolikrát je  $S_1$  menší než  $S_2$   $12000 : 200 = 60 \Rightarrow 60 \times$

$$S_1 = 100 : 60 = 1,667 \text{ cm}^2$$

$$S_2 = 100 \text{ cm}^2$$

$$F_1 = 200 \text{ N}$$

$$F_2 = 12000 \text{ N}$$

$60 \times$

Veličiny

Převody

Základní vzorce

Dosazení

Výsledek

Postup vzorcem

Postup úvahou

Výpočet - psaní

Reset



Doplň přesunutím chybějící údaj pro každý lis

Lis	$S_1$	$S_2$	$F_1$	$F_2$
1	$10 \text{ cm}^2$	$1000 \text{ cm}^2$	$10 \text{ N}$	
2		$300 \text{ cm}^2$	$50 \text{ N}$	$750 \text{ N}$
3	$1,5 \text{ cm}^2$	$0,3 \text{ dm}^2$		$2 \text{ MN}$
4	$2,5 \text{ cm}^2$		$200 \text{ N}$	$600 \text{ kN}$

$$1000 \text{ N}$$

$$10000 \text{ N}$$

$$6 \text{ cm}^2$$

$$75 \text{ dm}^2$$

$$100 \text{ N}$$

$$40 \text{ MN}$$

$$4500 \text{ cm}^2$$

$$1200 \text{ cm}^2$$

$$1 \text{ N}$$

$$100 \text{ kN}$$

$$20 \text{ cm}^2$$

$$7,5 \text{ cm}^2$$

$$0,1 \text{ N}$$

$$0,4 \text{ MN}$$

$$50 \text{ cm}^2$$

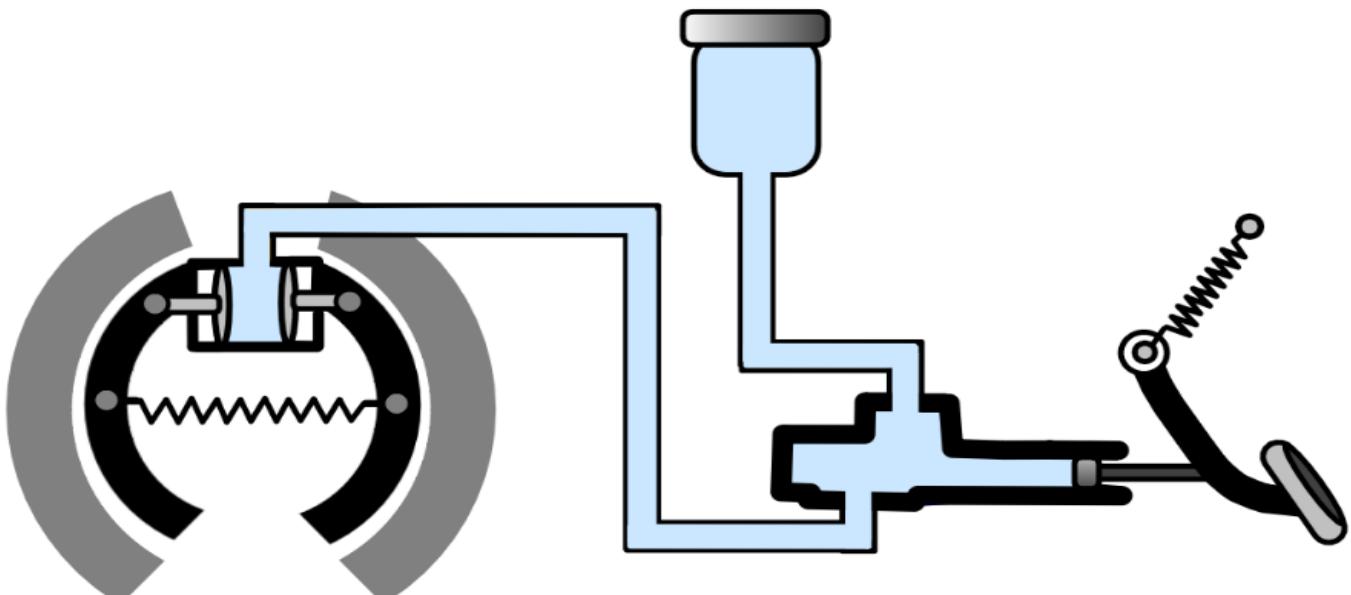
$$750 \text{ cm}^2$$



Reset



# Princip hydraulických brzd



**Zabrzdi**

**Odbrzdi**



$S_1 = 2 \text{ cm}^2$ ,  $S_2 = 0,04 \text{ dm}^2$ . Aby lis vytvaroval těleso, musí velký píst působit silou 0,2 kN. Jak velkou silou budeš působit na malý píst?



**10 N**

**4 kN**

**100 N**

**0,4 kN**

**Reset**

**Výpočet**

